

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
"Амурский государственный университет"

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной и научной
работе

Лейфа А.В. Лейфа

25 июня 2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»

Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) образовательной программы – Прикладная математика и информатика

Квалификация выпускника – Бакалавр

Год набора – 2024

Форма обучения – Очная

Курс 3 Семестр 5,6

Экзамен 6 сем

Зачет 5 сем

Общая трудоемкость дисциплины 252.0 (академ. час), 7.00 (з.е)

Составитель Л.И. Мороз, ведущий научный сотрудник, канд. физ.-мат. наук

Институт компьютерных и инженерных наук

Кафедра математического анализа и моделирования

Рабочая программа составлена на основании Федерального государственного образовательного стандарта ВО для направления подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 10.01.18 № 9

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры математического анализа и моделирования

01.02.2024 г. , протокол № 6

Заведующий кафедрой Максимова Н.Н. Максимова

СОГЛАСОВАНО

Учебно-методическое управление

Чалкина Н.А. Чалкина

25 июня 2024 г.

СОГЛАСОВАНО

Научная библиотека

Петрович О.В. Петрович

25 июня 2024 г.

СОГЛАСОВАНО

Выпускающая кафедра

Максимова Н.Н. Максимова

25 июня 2024 г.

СОГЛАСОВАНО

Центр цифровой трансформации и
технического обеспечения

Тодосейчук А.А. Тодосейчук

25 июня 2024 г.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины:

ознакомление студентов с базовыми понятиями и методами теории вероятностей и математической статистики.

Задачи дисциплины:

- изучение основных понятий, методов, приемов и средств работы с вероятностными объектами;
- приобретение навыков получения вероятностных оценок, прогнозирования, отбора оптимальных (наиболее вероятных) результатов анализа;
- формирование базовых знаний, умений и навыков для успешного (в т.ч. самостоятельного) освоения различных технологий и средств вероятностного анализа и статистической обработки результатов наблюдений процессов и явлений.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» входит в обязательную часть Блока Б1 учебного плана направления подготовки 01.03.02 – Прикладная математика и информатика.

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И ИНДИКАТОРЫ ИХ ДОСТИЖЕНИЯ

3.1 Общепрофессиональные компетенции и индикаторы их достижения

Категория (группа) общепрофессиональных компетенций	Код и наименование общепрофессиональной компетенции	Код и наименование индикатора достижения общепрофессиональной компетенции
Теоретические и практические основы профессиональной деятельности	ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ИДК-1ОПК-1 Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук. ИДК-2ОПК-1 Умеет использовать в профессиональной деятельности знания, полученные в области математических и (или) естественных наук. ИДК-3ОПК-1 Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических сведений.

4. СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7.00 зачетных единицы, 252.0 академических часов.

1 – № п/п

2 – Тема (раздел) дисциплины, курсовая работа (проект), промежуточная аттестация

3 – Семестр

4 – Виды контактной работы и трудоемкость (в академических часах)

4.1 – Л (Лекции)

4.2 – Лекции в виде практической подготовки

4.3 – ПЗ (Практические занятия)

4.4 – Практические занятия в виде практической подготовки

4.5 – ЛР (Лабораторные работы)

4.6 – Лабораторные работы в виде практической подготовки

4.7 – ИКР (Иная контактная работа)

4.8 – КТО (Контроль теоретического обучения)

4.9 – КЭ (Контроль на экзамене)

5 – Контроль (в академических часах)

6 – Самостоятельная работа (в академических часах)

7 – Формы текущего контроля успеваемости

1	2	3	4									5	6	7
			4.1	4.2	4.3	4.4	4.5	4.6	4.7	4.8	4.9			
1	Основные понятия теории вероятности	5	4		8							8	устный опрос, проверка домашнего задания.	
2	Повторные независимые испытания	5	2		4							8	устный опрос, проверка домашнего задания.	
3	Случайные величины. Системы случайных величин	5	4		6							8	устный опрос, проверка домашнего задания.	
4	Основные законы распределения	5	2		6							8	устный опрос, проверка домашнего задания.	
5	Закон больших чисел и предельные теоремы	5	4		6							8	устный опрос, проверка домашнего задания.	
6	Цепи Маркова	5	2		4							8	устный опрос, проверка домашнего задания.	
7	Зачет	5								0.2		7.8		
8	Описательная статистика. Оценки параметров распределения	6	6		6		6					15	устный опрос, ЛР №1.	
9	Проверка статистических гипотез	6	6		6		6					15	устный опрос, ЛР №2	
10	Корреляционные	6	6		4		6					26	устный	

	й и регрессионный анализ											опрос, ЛР №3.
11	Экзамен	6							0.3	35.7		
	Итого		36.0	50.0	18.0	0.0	0.2	0.3	35.7	111.8		

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1. Лекции

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Содержание темы (раздела)
1	Основные понятия теории вероятности	События и действия над ними. Определение вероятности. Элементы комбинаторики. Условная вероятность события. Вероятность суммы двух событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
2	Повторные независимые испытания	Формула Бернулли. Формула Пуассона. Локальная и интегральная теорема Муавра-Лапласа. Полиномиальная схема.
3	Случайные величины. Системы случайных величин	Закон распределения случайной величины. Математические операции над случайными величинами. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины. Функция распределения случайной величины. Непрерывные случайные величины. Функция распределения многомерной случайной величины. Двумерное дискретное распределение. Условное математическое ожидание в условных законах распределения. Двумерная непрерывная случайная величина.
4	Основные законы распределения	Биномиальное распределение. Закон распределения Пуассона. Равномерный закон распределения. Показательный закон распределения. Нормальный закон распределения. Многомерное нормальное распределение.
5	Закон больших чисел и предельные теоремы	Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема.
6	Цепи Маркова	Однородные цепи Маркова.
7	Описательная статистика. Оценки параметров распределения	Генеральная совокупность. Выборка. Выбор. Вариационный и статистический ряды. Дискретный статистический ряд. Интервальный статистический ряд. Функция распределения выборки. Выборочные числовые характеристики. Оценки параметров распределения. Определение и свойства статистической оценки. Точечные оценки неизвестных параметров. Доверительные интервалы и этические проблемы.
8	Проверка статистических гипотез	Основные понятия. Критерий согласия. Проверка некоторых гипотез.
9	Корреляционный и	Понятие корреляционной связи. Задачи

регрессионный анализ	корреляционного анализа. Выборочный коэффициент линейной корреляции и его свойства. Вычисление выборочного коэффициента линейной корреляции. Доверительный интервал для коэффициента корреляции. Корреляция и причинная связь. Коэффициент ранговой корреляции Спирмена. Корреляция дихотомических признаков. Аппроксимационные модели. Определение параметров аппроксимирующих функций по методу наименьших квадратов. Определение уравнений линейных регрессий. Критерий Фишера проверки адекватности модели. Оценка значимости параметров регрессии. Интервальный прогноз на основе линейного уравнения регрессии.
----------------------	---

5.2. Практические занятия

Наименование темы	Содержание темы
Основные понятия теории вероятности	События и действия над ними. Определение вероятности. Элементы комбинаторики. Условная вероятность события. Вероятность суммы двух событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
Повторные независимые испытания	Формула Бернулли. Формула Пуассона. Локальная и интегральная теорема Муавра-Лапласа. Полиномиальная схема.
Случайные величины	Закон распределения случайной величины. Математические операции над случайными величинами. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины. Функция распределения случайной величины. Непрерывные случайные величины.
Основные законы распределения	Биномиальное распределение. Закон распределения Пуассона. Равномерный закон распределения. Показательный закон распределения. Нормальный закон распределения.
Закон больших чисел и предельные теоремы	Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема.
Цепи Маркова	Однородные цепи Маркова.
Описательная статистика. Оценки параметров распределения	Генеральная совокупность. Выборка. Выбор. Вариационный и статистический ряды. Дискретный статистический ряд. Интервальный статистический ряд. Функция распределения выборки. Выборочные числовые характеристики. Оценки параметров распределения. Определение и свойства статистической оценки. Точечные оценки неизвестных параметров. Доверительные интервалы и этические проблемы.
Проверка статистических гипотез	Критерий согласия. Проверка некоторых гипотез.

Корреляционный регрессионный анализ	и	Задачи корреляционного анализа. Выборочный коэффициент линейной корреляции и его свойства. Вычисление выборочного коэффициента линейной корреляции. Доверительный интервал для коэффициента корреляции. Корреляция и причинная связь. Коэффициент ранговой корреляции Спирмена. Корреляция дихотомических признаков. Аппроксимационные модели. Определение параметров аппроксимирующих функций по методу наименьших квадратов. Определение уравнений линейных регрессий. Критерий Фишера проверки адекватности модели. Оценка значимости параметров регрессии. Интервальный прогноз на основе линейного уравнения регрессии.
--	---	--

5.3. Лабораторные занятия

Наименование темы	Содержание темы
Генерация случайных чисел с заданным законом распределения	Генерация случайных чисел в Excel. Статистические функции пакета Excel.
Проверка статистических гипотез	Понятие статистической гипотезы. Основные этапы проверки гипотезы. Проверка гипотез о числовых значениях параметров. Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности (со стандартом, нормативом). Проверка гипотез о равенстве числовых характеристик генеральных совокупностей. Проверка гипотезы о равенстве долей признака. Исключение резко выделяющихся наблюдений. Проверка гипотезы о виде распределения. Критерий согласия Пирсона.
Линейная регрессия	Построение модели парной регрессии. Оценки погрешности регрессии.

6. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Содержание темы (раздела)	Трудоемкость в академических часах
1	Основные понятия теории вероятности	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
2	Повторные независимые испытания	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
3	Случайные величины. Системы случайных величин	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
4	Основные законы распределения	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
5	Закон больших чисел	повторение пройденного материала,	8

	и предельные теоремы	выполнение домашнего задания	
6	Цепи Маркова	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
7	Зачет	подготовка к зачету	7.8
8	Описательная статистика. Оценки параметров распределения	повторение пройденного материала, подготовка к защите лабораторной работы	15
9	Проверка статистических гипотез	повторение пройденного материала, подготовка к защите лабораторной работы	15
10	Корреляционный и регрессионный анализ	повторение пройденного материала, подготовка к защите лабораторной работы	26

7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

В соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.02 – Прикладная математика и информатика реализация компетентного подхода предусматривает широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся.

При преподавании дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» используются инновационные технологии (применение мультимедийного проектора при изучении отдельных тем, «мозговой штурм», «метод проектов», возможно использование ресурсов сети Internet и электронных учебников).

Практические занятия проводятся с использованием традиционной, активной и интерактивной форм обучения.

Интерактивные формы обучения используются на лекционных и практических занятиях:

1. Случайные величины. Основные законы распределения. (Проблемная лекция), (Метод группового решения задач)
2. Математическая статистика. Статистическое оценивание. Проверка статистических гипотез. (Проблемная лекция), (Метод группового решения задач)

8. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания, типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций, а также методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков отражены в фонде оценочных средств по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика».

В конце 5 семестра предусмотрен зачет, а в конце 6 – экзамен.

Примерный список вопросов к зачету

1. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.
2. Классическое определение вероятности, случайные события, элементарные исходы, свойства классической вероятности.
3. Совместные и несовместные события. Теорема сложения вероятностей (с доказательством).
4. Зависимые и независимые события. Теорема умножения вероятностей (с доказательством).

5. Условная вероятность. Теорема о формуле полной вероятности, формулы Байеса.
 6. Понятие распределения вероятностей случайных событий. Схема независимых испытаний. Формула Бернулли.
 7. Случайные величины: определение, функция распределения случайной величины и ее свойства, независимые случайные величины.
 8. Определения числовых характеристик дискретных и непрерывных случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, мода, медиана, центральные и начальные моменты.
 9. Свойства математического ожидания и дисперсии дискретной случайной величины (с доказательствами).
 10. Биномиальное распределение, вычисление математического ожидания и дисперсии биномиально распределенной случайной величины.
 11. Геометрическое распределение. Распределение Пуассона. Вычисление основных числовых характеристик этих распределений.
 12. Непрерывные случайные величины. Вычисление математического ожидания и дисперсии для равномерно и нормально распределенных случайных величин.
 13. Функция распределения непрерывной случайной величины и ее свойства. Функция плотности распределения. Мода, медиана. Начальные и центральные моменты.
 14. Понятие о системе случайных величин. Функция распределения, плотность распределения двумерных случайных величин. Условные законы распределения.
 15. Зависимые и независимые случайные величины. Числовые характеристики системы двух случайных величин.
 16. Нормальный закон распределения для системы случайных величин.
 17. Понятие о законе больших чисел. Неравенство Чебышева (с доказательством). Закон больших чисел в схеме Бернулли.
 18. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема Ляпунова.
 19. Цепи Маркова.
- Примерный список вопросов к экзамену

1. Понятие и задачи математической статистики. Генеральная совокупность. Выборка. Выбор. Вариационный и статистический ряды. Выборочные числовые характеристики.
2. Оценки параметров распределения
3. Определение и свойства статистической оценки. Точечные оценки неизвестных параметров.
4. Определение и свойства статистической оценки. Интервальные оценки неизвестных параметров.
5. Понятие статистической гипотезы. Основные этапы проверки гипотезы.
6. Проверка гипотез о числовых значениях параметров. Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности (со стандартом, нормативом).
7. Проверка гипотез о равенстве числовых характеристик генеральных совокупностей.
8. Проверка гипотезы о равенстве долей признака.
9. Исключение резко выделяющихся наблюдений.
10. Проверка гипотезы о виде распределения. Критерий согласия Пирсона.
11. Корреляционная связь и ее статистическое изучение. Значимость выборочного коэффициента линейной корреляции.
12. Корреляция и причинная связь. Ранговая корреляция.
13. Основы регрессионного анализа. Аппроксимационные модели. Определение параметров аппроксимирующих функций по методу наименьших квадратов.
14. Определение уравнений линейных регрессий. Критерий Фишера проверки адекватности модели.
15. Оценка значимости параметров регрессии. Интервальный прогноз на основе линейного уравнения регрессии.

9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

а) литература

1. Горлач, Б. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебно-методическое пособие / Б. А. Горлач. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 320 с. — ISBN 978-5-8114-1429-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/211082> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Буре, В. М. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / В. М. Буре, Е. М. Парилина. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 416 с. — ISBN 978-5-8114-1508-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/211250> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Ганичева, А. В. Теория вероятностей : учебное пособие / А. В. Ганичева. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 144 с. — ISBN 978-5-8114-2380-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/209762> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
4. Бородин, А. Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики : учебное пособие для вузов / А. Н. Бородин. — 10-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2024. — 256 с. — ISBN 978-5-507-47621-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/398477> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
5. Хрущева, И. В. Теория вероятностей : учебное пособие / И. В. Хрущева. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 304 с. — ISBN 978-5-8114-0915-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210383> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
6. Хрущева, И. В. Основы математической статистики и теории случайных процессов : учебное пособие / И. В. Хрущева, В. И. Щербаков, Д. С. Леванова. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 336 с. — ISBN 978-5-8114-0914-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210386> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
7. Туганбаев, А. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / А. А. Туганбаев, В. Г. Крупин. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 320 с. — ISBN 978-5-8114-1079-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210536> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
8. Хуснутдинов, Р. Ш. Сборник задач по курсу теории вероятностей и математической статистики : учебное пособие / Р. Ш. Хуснутдинов. — 2-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 320 с. — ISBN 978-5-8114-1668-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/211733> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
9. Свешников, А. А. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций : учебное пособие / А. А. Свешников. — 5-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 448 с. — ISBN 978-5-8114-0708-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/211169> (дата обращения: 12.04.2024). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
10. Семенчин Е. А. Теория вероятностей в примерах и задачах [Текст] : учеб.пособие: рек. УМО / Е. А. Семенчин. - СПб. : Лань, 2007. - 352 с.

б) программное обеспечение и Интернет-ресурсы

№	Наименование	Описание
---	--------------	----------

1	http://www.amursu.ru	Официальный сайт ФГОУ ВО «Амурский государственный университет»
2	http://www.iprbookshop.ru/	Научно- образовательный ресурс для решения задач обучения в России и за рубежом. Уникальная платформа ЭБС IPRbooks объединяет новейшие информационные технологии и учебную лицензионную литературу.
3	http://e.lanbook.com	Электронно- библиотечная система Издательство «Лань» – тематические пакеты: математика, физика, инженерно- технические науки. Ресурс, включающий в себя как электронные версии книг издательства «Лань» и других ведущих издательств учебной литературы, так и электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам.

в) профессиональные базы данных и информационные справочные системы

№	Наименование	Описание
1	http://window.edu.ru	Единое окно доступа к образовательным ресурсам
2	https://uisrussia.msu.ru/	Университетская информационная система РОССИЯ (УИС РОССИЯ).
3	https://elibrary.ru/	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU - российский информационно- аналитический портал в области науки, технологии, медицины и образования
4	http://www.mathnet.ru/	Math- Net.Ru. Общероссийский математический портал. Современная информационная система, предоставляющая российским и зарубежным математикам различные возможности в поиске информации о математической жизни в России.

10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Занятия по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» проводятся в специальных помещениях, представляющих собой учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Специальные помещения укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории. Все помещения, в которых проводятся занятия, соответствуют действующим противопожарным правилам и нормам.

Каждый обучающийся обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронно- библиотечным системам и к электронной информационно-образовательной среде университета.

Самостоятельная работа обучающихся осуществляется в помещениях, оснащенных компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно- образовательную среду университета

На занятиях применяется следующее техническое оборудование: ЭВМ, проектор.