

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
"Амурский государственный университет"

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной и научной  
работе

                    Лейфа                    А.В. Лейфа

« 1 » сентября 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
«УРАВНЕНИЯ В ЧАСТНЫХ ПРОИЗВОДНЫХ»

Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) образовательной программы – Прикладная математика и информатика

Квалификация выпускника – Бакалавр

Год набора – 2023

Форма обучения – Очная

Курс     3     Семестр     5,6    

Экзамен 6 сем    Зачет 5 сем

Общая трудоемкость дисциплины 252.0 (академ. час), 7.00 (з.е)

Составитель Т.В. Труфанова, доцент, канд. техн. наук

Факультет математики и информатики

Кафедра математического анализа и моделирования

Рабочая программа составлена на основании Федерального государственного образовательного стандарта ВО для направления подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика, утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 10.01.18 № 9

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры математического анализа и моделирования

01.09.2023 г. , протокол № 1

Заведующий кафедрой Максимова Н.Н. Максимова

СОГЛАСОВАНО

Учебно-методическое управление

Чалкина Н.А. Чалкина

« 1 » сентября 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

Научная библиотека

Петрович О.В. Петрович

« 1 » сентября 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

Выпускающая кафедра

Максимова Н.Н. Максимова

« 1 » сентября 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

Центр цифровой трансформации и  
технического обеспечения

Тодосейчук А.А. Тодосейчук

« 1 » сентября 2023 г.

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

### Цель дисциплины:

Знакомство с методами построения математических моделей различных процессов и явлений естествознания.

### Задачи дисциплины:

- овладение умениями и навыками построения математических моделей физических процессов и явлений;
- аналитического и численного решения и исследования получающихся при этом математических задач;
- выяснение физического смысла полученного решения.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО

Дисциплина «Уравнения в частных производных» является дисциплиной обязательной части. Излагается на базе математического анализа, алгебры и аналитической геометрии, дифференциальных уравнений, интегральных преобразований в тесной связи с теорией функций комплексного переменного и с основами вариационного исчисления.

Освоение уравнений в частных производных необходимо для изучения многих дисциплин высшей математики и механики. Используется для освоения дисциплин: численные методы, методы оптимизации, математическое и компьютерное моделирование.

## 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И ИНДИКАТОРЫ ИХ ДОСТИЖЕНИЯ

### 3.1 Обще профессиональные компетенции и индикаторы их достижения

Категория (группа) общепрофессиональных компетенций	Код и наименование общепрофессиональной компетенции	Код и наименование индикатора достижения общепрофессиональной компетенции
Теоретические и практические основы профессиональной деятельности	ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ИДК-1ОПК-1 Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук ИДК-2ОПК-1 Умеет использовать в профессиональной деятельности знания, полученные в области математических и (или) естественных наук ИДК-3ОПК-1 Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических сведений
Теоретические и практические основы профессиональной деятельности	ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности	ИДК-1ОПК-3 Обладает базовыми знаниями о существующих математических моделях в различных областях знаний ИДК-2ОПК-3 Умеет применять и модифицировать существующие математические модели для решения прикладных задач ИДК-3ОПК-3 Владеет методологией математического

		моделирования для решения задач в области профессиональных интересов
--	--	--

#### 4. СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7.00 зачетных единицы, 252.0 академических часов.

1 – № п/п

2 – Тема (раздел) дисциплины, курсовая работа (проект), промежуточная аттестация

3 – Семестр

4 – Виды контактной работы и трудоемкость (в академических часах)

4.1 – Л (Лекции)

4.2 – Лекции в виде практической подготовки

4.3 – ПЗ (Практические занятия)

4.4 – Практические занятия в виде практической подготовки

4.5 – ЛР (Лабораторные работы)

4.6 – Лабораторные работы в виде практической подготовки

4.7 – ИКР (Иная контактная работа)

4.8 – КТО (Контроль теоретического обучения)

4.9 – КЭ (Контроль на экзамене)

5 – Контроль (в академических часах)

6 – Самостоятельная работа (в академических часах)

7 – Формы текущего контроля успеваемости

1	2	3	4									5	6	7
			4.1	4.2	4.3	4.4	4.5	4.6	4.7	4.8	4.9			
1	Классификация уравнений с частными производными 2-го порядка	5	2		4								4.8	Проверка домашних заданий, устный опрос Самостоятельная работа №1
2	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям гиперболического типа. Постановка краевых задач	5	2		4								6	Проверка домашних заданий, устный опрос.
3	Задача Коши для волнового уравнения и распространение волн в неограниченном пространстве	5	2		4								9	Проверка домашних заданий, устный опрос Самостоятельная работа №2
4	Методы	5	4		6								6	Проверка

	решения краевых задач. Метод разделения переменных.																домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №1		
5	Общая схема метода разделения переменных	5	2		4												6	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №1	
6	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям параболического типа. Постановка краевых задач.	5	2		2													8	Проверка домашних заданий, устный опрос, самостоятельная работа №3
7	Метод разделения переменных для уравнения параболического типа. Функция источника	5	2		6													10	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №2
8	Задача о распространении тепла на бесконечной прямой.	5	2		4													6	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №2
9	Зачет	5											0.2						Зачет
10	Уравнения эллиптического типа. Задачи, приводящие к уравнению Лапласа.	6	2		4													6	Проверка домашних заданий, устный опрос
11	Основные свойства гармонических функций.	6	2		4													6	Проверка домашних заданий, устный опрос
12	Решение краевых задач для простейших областей методами разделения переменных.	6	4		8													14	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №3
13	Распространение волн в пространстве	6	4		10													15	Проверка домашних заданий, устный опрос,

														ИДЗ №3
14	Распространение тепла в пространстве.	6	6		8								15	Проверка домашних заданий, устный опрос
15	Экзамен	6								0.3	35.7			
	Итого		36.0		68.0		0.0	0.0	0.2	0.3	35.7	111.8		

## 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 5.1. Лекции

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Содержание темы (раздела)
1	Классификация уравнений с частными производными 2-го порядка	Введение. Основные примеры уравнений математической физики. Практическое применение уравнений математической физики для описания закономерностей различных физических явлений. Основные этапы исторического развития математической физики. Классификация уравнений с частными производными второго порядка и приведение их к каноническому виду. Уравнения эллиптического, гиперболического и параболического типов. Уравнение смешанного типа. Простейшие примеры основных типов уравнений с частными производными второго порядка
2	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям гиперболического типа. Постановка краевых задач	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям гиперболического типа. Постановка краевых задач. Уравнение малых поперечных колебаний струны. Уравнение продольных колебаний стержней и струн. Энергия колебания струны. Уравнение электрических колебаний в проводах. Граничные и начальные условия
3	Задача Коши для волнового уравнения и распространение волн в неограниченном пространстве	Задача Коши для волнового уравнения и распространение волн в неограниченном пространстве. Формула Даламбера. Физическая интерпретация. Устойчивость решений. Полуограниченная прямая и метод продолжений.
4	Методы решения краевых задач. Метод разделения переменных.	Методы решения краевых задач. Метод разделения переменных. Собственные значения и собственные функции задачи Штурма-Лиувилля. Неоднородные уравнения. Общая первая краевая задача. Краевые задачи со стационарными неоднородностями.
5	Общая схема метода разделения переменных	Общая схема метода разделения переменных. Решение общих линейных уравнений гиперболического типа.
6	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям параболического типа. Постановка краевых задач.	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям параболического типа. Постановка краевых задач. Линейная задача о распространении тепла. Принцип максимального значения. Теорема единственности.

7	Метод разделения переменных для уравнения параболического типа. Функция источника	Метод разделения переменных. Однородная краевая задача. Функция источника Неоднородное уравнение теплопроводности. Общая первая краевая задача.
8	Задача о распространение тепла на бесконечной прямой.	Задача на бесконечной прямой. Функция источника для неограниченной области. Формула Пуассона. Краевые задачи для полуограниченной прямой.
9	Уравнения эллиптического типа Задачи, приводящие к уравнению Лапласа.	Задачи, приводящие к уравнению Лапласа. Специальные функции математической физики. Стационарное тепловое поле. Уравнения Лапласа и Пуассона. Постановка основных краевых задач. Уравнение Лапласа в криволинейной системе координат. Фундаментальные решения уравнения Лапласа.
10	Основные свойства гармонических функций.	Гармонические функции и аналитические функции комплексного переменного Формулы Грина. Интегральное представление решения. Основные свойства гармонических функций. Единственность и устойчивость первой краевой задачи. Внешние краевые задачи. Единственность решения для двух и трёхмерных задач.
11	Решение краевых задач для простейших областей методами разделения переменных.	Решение краевых задач для простейших областей методами разделения переменных. Первая краевая задача для круга (внешняя и внутренняя задачи Дирихле). Интеграл Пуассона. Функция источника (функция Грина). Функция источника для уравнения Лапласа и её основные свойства.
12	Распространение волн в пространстве	Уравнение колебаний в пространстве. Метод усреднения. Формула Пуассона. Метод спуска. Колебания ограниченных объемов. Общая схема метода разделения переменных. Колебания прямоугольной мембраны. Колебания круглой мембраны.
13	Распространение тепла в пространстве.	Распространение тепла в неограниченном пространстве. Функция температурного влияния. Распространение тепла в ограниченных телах. Схема метода разделения переменных. Краевые задачи остывания нагретых тел. Остывание круглого цилиндра, остывание прямоугольного параллелепипеда. Диффузионный процесс в активной среде с размножением. Задача экологического прогнозирования.

## 5.2. Практические занятия

Наименование темы	Содержание темы
Классификация уравнений с частными производными 2-го порядка	Дифференциальное уравнение с частными производными и его решения. Классификация уравнений с частными производными. Приведение к каноническому виду линейных уравнений с

	частными производными второго порядка с двумя независимыми переменными. Приведение к каноническому виду линейных уравнений с частными производными второго порядка с тремя независимыми переменными.
Простейшие задачи, приводящие к уравнениям гиперболического типа. Постановка краевых задач	Решение задач. Волновое уравнение. Общее решение волнового уравнения. Постановка краевых задач
Задача Коши для волнового уравнения и распространение волн в неограниченном пространстве	Решение задач. Задача Коши для волнового уравнения.
Методы решения краевых задач. Метод разделения переменных	Метод разделения переменных - метод Фурье для однородного уравнения с однородными граничными условиями. Неоднородная смешанная задача для уравнения гиперболического типа с однородными и неоднородными граничными условиями
Общая схема метода разделения переменных	Решение задач. Смешанная задача для уравнения гиперболического типа.
Простейшие задачи, приводящие к уравнениям параболического типа. Постановка краевых задач.	Решение задач. Постановка задачи для уравнения теплопроводности
Метод разделения переменных для уравнения параболического типа. Функция источника	Решение однородного уравнения теплопроводности. Решение неоднородного уравнения теплопроводности. Общая краевая задача
Задача о распространении тепла на бесконечной прямой.	Задача Коши для однородного уравнения теплопроводности. Задача Коши для неоднородного уравнения теплопроводности.
Уравнения эллиптического типа. Задачи, приводящие к уравнению Лапласа	Решение задач. Постановка задач для уравнения Лапласа и Пуассона. Задача Дирихле и Неймана
Основные свойства гармонических функций.	Основные свойства гармонических функций. Решение простейших задач для уравнения Лапласа и Пуассона.
Решение краевых задач для простейших областей методами разделения переменных	Задачи на собственные значения и собственные функции оператора Лапласа. Решение краевых задач для уравнения Лапласа методом разделения переменных. Решение уравнения Лапласа в круге и вне круга. Для кольца, кругового сектора найти гармонические функции. Решение уравнения Лапласа в прямоугольнике.
Распространение волн в пространстве	Специальные функции. Функции Бесселя и их свойства. Поперечные колебания однородной прямоугольной мембраны. Колебание круглой мембраны. Нелинейные уравнения волновых процессов. Уравнение Кортевега – де Фриза.



Распространение тепла в пространстве.	Краевые задачи остывания нагретых тел. Решение краевых задач для уравнения теплопроводности в пространственных областях. Диффузионный процесс в активной среде с размножением. Задача экологического прогнозирования
---------------------------------------	--

## 6. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Содержание темы (раздела)	Трудоемкость в академических часах
1	Классификация уравнений с частными производными 2-го порядка	Проверка домашних заданий, устный опрос Самостоятельная работа №1- Приведение к каноническому виду линейных уравнений с частными производными второго порядка с двумя независимыми переменными.	4.8
2	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям гиперболического типа. Постановка краевых задач	Проверка домашних заданий, устный опрос.	6
3	Задача Коши для волнового уравнения и распространение волн в неограниченном пространстве	Проверка домашних заданий, устный опрос Самостоятельная работа №2- «Задача Коши для волнового уравнения»	9
4	Методы решения краевых задач. Метод разделения переменных.	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №1- Уравнения гиперболического типа.«Метод Фурье для решения гиперболических уравнений». Выполнение домашних заданий. Подготовка теоретического материала к каждому практическому занятию.	6
5	Общая схема метода разделения переменных	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №1	6
6	Простейшие задачи, приводящие к уравнениям параболического типа. Постановка краевых задач.	Проверка домашних заданий, устный опрос, самостоятельная работа №3 - Решение смешанных задач для волновых уравнений	8
7	Метод разделения переменных для	Самостоятельная работа №4 «Краевые задачи для уравнения	10

	уравнения параболического типа. Функция источника	теплопроводности». Индивидуальное задание №2 «Метод Фурье для решения параболических уравнений». Выполнение домашних заданий. Подготовка теоретического материала к каждому практическому занятию	
8	Задача о распространение тепла на бесконечной прямой.	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №2- Решение смешанных задач для уравнений теплопроводности	6
9	Уравнения эллиптического типа Задачи, приводящие к уравнению Лапласа.	Проверка домашних заданий, устный опрос	6
10	Основные свойства гармонических функций.	Проверка домашних заданий, устный опрос	6
11	Решение краевых задач для простейших областей методами разделения переменных.	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №3-Уравнения эллиптического типа. Найти функцию гармоническую в кольце. Найти функцию гармоническую внутри круга. Найти решение уравнения Лапласа в прямоугольнике. Самостоятельная работа №4 «Решение уравнений Лапласа для простейших областей». Выполнение домашних заданий. Подготовка теоретического материала к каждому практическому занятию.	14
12	Распространение волн в пространстве	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №3. Колебания прямоугольной и круглой мембран. Применение функций Бесселя к решению краевых задач. Выполнение домашних заданий. Подготовка теоретического материала к каждому практическому занятию.	15
13	Распространение тепла в пространстве.	Проверка домашних заданий, устный опрос, ИДЗ №3. Распределение температуры на плоскости и в пространстве. Применение функций Бесселя к решению краевых задач. Выполнение домашних заданий. Подготовка теоретического материала к каждому практическому занятию.	15

## 7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

В соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика компетентностного подхода предусматривает широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся.

Лекции: традиционное и проблемное изложение теоретического материала, текущий устный опрос, коллоквиумы, использование интерактивных обучающих мультимедиа средств; практические занятия: интерактивные методы решения задач, мозговой штурм, использование наглядных средств, контрольные работы; консультации, самостоятельная работа.

Имитационные методы обучения: проблемная лекция.

Игровые имитационные методы обучения: мозговой штурм.

Неигровые имитационные методы обучения: метод группового решения задач.

Лекционные и практические занятия проводятся с использованием традиционной, активной и интерактивной форм обучения.

## **8. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ**

Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания, типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций, а также методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков отражены в фонде оценочных средств по дисциплине «Уравнения в частных производных».

Промежуточный контроль осуществляется в виде зачета в пятом семестре изучения дисциплины и экзамена в конце 6 семестра. Форма сдачи экзамена – устная. Необходимым условием допуска на зачет и экзамен является выполнение всех видов самостоятельной работы и сдача всех индивидуальных домашних заданий.

Оценочные средства состоят из вопросов к зачету и экзамену. Примерные варианты итоговых семестровых тестов, самостоятельных работ и индивидуальных домашних заданий приведены в фонде оценочных средств дисциплины.

Контрольные работы

1. Решить задачу Коши .
2. Решить смешанную задачу для волнового уравнения
3. Решить смешанную задачу для уравнения параболического типа.
4. Решить уравнение Лапласа.

Индивидуальные задания:

Индивидуальное задание №1. Метод Фурье для гиперболических уравнений

Индивидуальное задание №2. Метод Фурье для параболических уравнений

Индивидуальное задание №3. Уравнения эллиптического типа.

### **ВОПРОСЫ К ЗАЧЕТУ 5 СЕМЕСТР:**

1. Понятие дифференциальных уравнений в частных производных и его решения. Понятие характеристической формы и классификация линейных уравнений 2-го порядка (гиперболического, эллиптического, параболического).
2. Характеристические кривые и характеристические направления.
3. Приведение к каноническому виду уравнений 2-го порядка с двумя переменными.
4. Простейшие задачи, приводящие к уравнениям гиперболического типа (колебание струны, распространение звука, распространение волн).
5. Уравнение малых поперечных колебаний струны.
6. Уравнение продольных колебаний струны (стержня).
7. Граничные и начальные условия (3 типа).
8. Теорема единственности решения для гиперболического типа.
9. Формула Даламбера. (Решение задачи Коши для гиперболического типа)
10. Устойчивость решения.

11. Метод разделения переменных для уравнения свободных колебаний струны (метод Фурье).
12. Интерпретация решения для волнового уравнения.
13. задачи, приводящие к уравнению параболического типа (уравнение теплопроводности, диффузионные процессы).
14. Линейная задача о распространении тепла (уравнение теплопроводности)
15. Постановка краевой задачи для уравнения теплопроводности.
16. Принцип максимального значения для уравнения теплопроводности.
17. Теорема единственности для параболического типа.
18. Метод разделения переменных для уравнения теплопроводности. Однородная краевая задача.
19. Функция источника для уравнения теплопроводности.
20. Неоднородное уравнение теплопроводности и его решение.
21. Общая (первая) краевая задача для уравнения теплопроводности (уравнение и граничные условия неоднородны).
22. Распространение тепла на бесконечной прямой (задача Коши).
23. Интеграл Пуассона для решения уравнения теплопроводности.
24. Краевая задача для полуограниченной прямой (леммы).

#### ВОПРОСЫ К ЭКЗАМЕНУ 6 СЕМЕСТР:

1. Уравнения эллиптического типа. Задачи, приводящие к уравнениям Лапласа.
2. Уравнения Лапласа в криволинейной системе координат (3 вида: в сферической, полярной, цилиндрической).
3. Фундаментальные решения уравнения Лапласа.
4. Внешние краевые задачи для уравнений эллиптического типа.
5. Решение краевых задач для простейших областей методом разделения переменных.
6. Интеграл Пуассона (эллиптические уравнения).
7. Первая краевая задача для круга (вывод).
8. Уравнения колебания в пространстве.
9. Формула Пуассона для решения задачи Коши о распространении волн в пространстве.
10. Метод спуска. Сферические, цилиндрические, плоские волны.
11. Решения уравнений колебания на плоскости и в пространстве.
12. Решение неоднородного волнового уравнения в пространстве.
13. Колебания ограниченных объемов. Общая схема метода разделения переменных.
14. Колебания прямоугольной мембраны.
15. Колебания круглой мембраны.
16. Функция температурного влияния.
17. Распределение тепла в пространстве (неограниченном).
18. Распространение тепла в ограниченных телах. Схема метода разделения переменных.
19. Краевые задачи остывания нагретых тел. Остывание круглого цилиндра, остывание прямоугольного параллелепипеда.
20. Диффузионный процесс в активной среде с размножением. Задача экологического прогнозирования.

#### **9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

##### а) литература

1. Карчевский, М. М. Лекции по уравнениям математической физики: учебное пособие для вузов / М. М. Карчевский. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань,

2022. — 164 с. — ISBN 978-5-8114-9481-1. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/195495> (дата обращения: 09.02.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Карчевский, М. М. Уравнения математической физики. Дополнительные главы : учебное пособие / М. М. Карчевский, М. Ф. Павлова. — 2-е изд., доп. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 276 с. — ISBN 978-5-8114-2133-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/212288> (дата обращения: 09.02.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Емельянов, В. М. Уравнения математической физики. Практикум по решению задач : учебное пособие для вузов / В. М. Емельянов, Е. А. Рыбакина. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 216 с. — ISBN 978-5-8114-7173-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/156410> (дата обращения: 09.02.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
4. Павленко, А. Н. Уравнения математической физики : учебное пособие / А. Н. Павленко, О. А. Пихтилькова. — Оренбург : Оренбургский государственный университет, ЭБС АСВ, 2013. — 100 с. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/30134.html> (дата обращения: 24.11.2021). — Режим доступа: для авторизир. пользователей
5. Труфанова, Т. В. Методы решения уравнений математической физики [Электронный ресурс] : учеб. пос.: доп. УМО РФ / Т. В. Труфанова, А. Г. Масловская, Е. М. Веселова ; АмГУ, ФМиИ. - Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2015. - 196 с. - Б. ц. [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7321.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7321.pdf)
6. Бицадзе А.В. Сборник задач по уравнениям математической физики : учеб. пособие/ А. В. Бицадзе, Д. Ф. Калиниченко. -3-е изд. -М.: Альянс, 2007. -311 с.
7. Труфанова Т.В. Уравнения математической физики: учеб. пособие: Т. В. Труфанова, Е.М. Веселова; АмГУ, ФМиИ. -Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2010. -112 с.
8. Дифференциальные уравнения математической физики: сб. учеб. -метод. материалов для направления подготовки 24.03.01 "Ракетные комплексы и космонавтика" / АмГУ, ФМиИ ; сост. Т. В. Труфанова. - Благовещенск : Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. - 34 с  
Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7811.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7811.pdf)
9. Практическое решение уравнений математической физики [Электронный ресурс] : учеб.-метод. пособие. Ч. 1. Гиперболические уравнения / АмГУ, ФМиИ ; сост. Т. В. Труфанова. - Благовещенск : Изд-во Амур. гос. ун-та, 2019. - 32 с. - Б. ц.Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/11386.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/11386.pdf)
10. Практическое решение уравнений математической физики [Электронный ресурс] : учеб.-метод. пособие. Ч. 2. Параболические и эллиптические уравнения / АмГУ, ФМиИ ; сост. Т. В. Труфанова. - Благовещенск : Изд-во Амур. гос. ун-та, 2020. - 31 с. - Б. ц. Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/11500.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/11500.pdf)

б) программное обеспечение и Интернет-ресурсы

№	Наименование	Описание
1	Google Chrome	Бесплатное распространение по лицензии google chromium <a href="http://code.google.com/intl/ru/chromium/terms.html">http://code.google.com/intl/ru/chromium/terms.html</a> на условиях <a href="https://www.google.com/chrome/browser/privacy/eula_text.html">https://www.google.com/chrome/browser/privacy/eula_text.html</a> .
2	<a href="http://www.amursu.ru">http://www.amursu.ru</a>	Официальный сайт ФГОУ ВО «Амурский государственный университет»
3	<a href="http://www.iprbookshop.ru/">http://www.iprbookshop.ru/</a>	Научно-образовательный ресурс для решения задач обучения в России и за рубежом. Уникальная платформа ЭБС IPRbooks объединяет новейшие информационные технологии и учебную лицензионную

		лите-ратуру.
4	<a href="http://e.lanbook.com">http://e.lanbook.com</a>	Электронно- библиотечная система Издательство «Лань» – тематические пакеты: математика, физика, инженерно- технические науки. Ресурс, включающий в себя как электронные версии книг издательства «Лань» и других ведущих издательств учебной литера- туры, так и электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам.

в) профессиональные базы данных и информационные справочные системы

№	Наименование	Описание
1	<a href="https://scholar.google.ru/">https://scholar.google.ru/</a>	GoogleScholar — поисковая система по полным текстам научных публикаций всех форматов и дисциплин.
2	<a href="https://elibrary.ru/">https://elibrary.ru/</a>	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU - российский информационно- аналитический портал в области науки, технологии, медицины и образования
3	<a href="https://uisrussia.msu.ru/">https://uisrussia.msu.ru/</a>	Университетская информационная система РОССИЯ (УИС РОССИЯ).
4	<a href="http://www.mathnet.ru/">http://www.mathnet.ru/</a>	Math- Net.Ru. Общероссийский математический портал. Современная информационная система, предоставляющая российским и зарубежным математикам различные возможности в поиске информации о математической жизни в России.

### 10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Лекции и практические занятия проводятся в стандартной аудитории, оснащенной в соответствии с требованиями преподавания теоретических дисциплин, включая мультимедиа- проектор. При изучении дисциплины используется основное необходимое материально- техническое оборудование: мультимедийные средства, Интернет- ресурсы, доступ к полнотекстовым электронным базам, книжный фонд научной библиотеки Амурского государственного университета.

Данное оборудование применяется при изучении дисциплины.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду организации.

Материально-техническая база обеспечивает проведение всех видов дисциплинарной подготовки, практической и научно-исследовательской работы обучающихся, которые предусмотрены учебным планом и соответствуют действующим санитарным и противопожарным правилам и нормам.