

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
"Амурский государственный университет"

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной и  
научной работе

Лейфа А.В. Лейфа

« 1 » сентября 2022 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
«ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА. АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ»

Направление подготовки 24.03.01 Ракетные комплексы и космонавтика

Направленность (профиль) образовательной программы – Ракетно-космическая техника

Квалификация выпускника – Бакалавр

Год набора – 2022

Форма обучения – Очная

Курс 1 Семестр 1

Экзамен 1 сем

Общая трудоемкость дисциплины 144 (академ. час), 4.00 (з.е)

Составитель Н.Н. Двоерядкина, доцент, кан. пед. наук

Факультет математики и информатики

Кафедра общей математики и информатики

Рабочая программа составлена на основании Федерального государственного образовательного стандарта ВО для направления подготовки 24.03.01 Ракетные комплексы и космонавтика утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 05.02.2018 № 71

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры общей математики и информатики

01.09.2022 г. , протокол № 1

Заведующий кафедрой Юрьева Т.А. Юрьева

СОГЛАСОВАНО

Учебно-методическое управление

Чалкина Н.А. Чалкина

« 1 » сентября 2022 г.

СОГЛАСОВАНО

Выпускающая кафедра

Соловьев В.В. Соловьев

« 1 » сентября 2022 г.

СОГЛАСОВАНО

Научная библиотека

Петрович О.В. Петрович

« 1 » сентября 2022 г.

СОГЛАСОВАНО

Центр цифровой трансформации и  
технического обеспечения

Тодосейчук А.А. Тодосейчук

« 1 » сентября 2022 г.

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

### Цель дисциплины:

подготовка студента к восприятию математического аппарата специальных дисциплин, обучение основным методам линейной алгебры и аналитической геометрии, необходимым для анализа и решения математических задач и использования в профессиональной деятельности

### Задачи дисциплины:

на примерах понятий линейной алгебры и аналитической геометрии продемонстрировать сущность научного подхода, специфику математики, ее роль в развитии других наук; научить студентов использовать в профессиональной деятельности знания и методы, полученные при изучении математических дисциплин и приемам исследования и решения, математически формализованных задач; выработать умения моделировать реальные процессы с помощью систем уравнений; анализировать полученные результаты, привить навыки самостоятельного изучения литературы по математике.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО

Предлагаемая дисциплина относится к базовой части ОП.

Для успешного освоения данной дисциплины необходимы базовые знания курса «Математика» в объеме средней общеобразовательной школы.

Дисциплина обеспечивает базовую подготовку студентов в области использования средств, методов, моделей математики в смежных дисциплинах, таких как математический анализ, теория вероятностей и математическая статистика, обыкновенные дифференциальные уравнения, а также в математической обработке исследовательских проектов.

## 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И ИНДИКАТОРЫ ИХ ДОСТИЖЕНИЯ

### 3.1 Общепрофессиональные компетенции и индикаторы их достижения

Код и наименование общепрофессиональной компетенции	Код и наименование индикатора достижения общепрофессиональной компетенции
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ИД-1ОПК-1 Знать теорию и основные законы в области естественнонаучных и общинженерных дисциплин. ИД-2ОПК-1 Уметь применять методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности; применять методы теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности.

## 4. СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4.00 зачетных единицы, 144 академических часов.

1 – № п/п

2 – Тема (раздел) дисциплины, курсовая работа (проект), промежуточная аттестация

3 – Семестр

4 – Виды контактной работы и трудоемкость (в академических часах)

4.1 – Л (Лекции)

4.2 – Лекции в виде практической подготовки

4.3 – ПЗ (Практические занятия)

- 4.4 – Практические занятия в виде практической подготовки  
 4.5 – ЛР (Лабораторные работы)  
 4.6 – Лабораторные работы в виде практической подготовки  
 4.7 – ИКР (Иная контактная работа)  
 4.8 – КТО (Контроль теоретического обучения)  
 4.9 – КЭ (Контроль на экзамене)  
 5 – Контроль (в академических часах)  
 6 – Самостоятельная работа (в академических часах)  
 7 – Формы текущего контроля успеваемости

1	2	3	4									5	6	7
			4.1	4.2	4.3	4.4	4.5	4.6	4.7	4.8	4.9			
1	Матрицы и определители	1	8		4								10	тест
2	Решение систем линейных уравнений	1	6		2								10	контрольная работа
3	Векторная алгебра и ее приложения	1	8		4								10	тест
4	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	1	8		4								10	контрольная работа
5	Линейное пространство. Линейный оператор	1	4		2								18	контрольная работа
6	Экзамен	1									0.3	35.7		
	Итого		34.0		16.0		0.0	0.0	0.0	0.3	35.7	58.0		

## 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 5.1. Лекции

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Содержание темы (раздела)
1	Матрицы и определители	Матрицы. Линейные операции над матрицами. Умножение матриц. Определители. Методы вычисления определителей. Матрица, обратная данной. Ранг матрицы, методы вычисления ранга
2	Решение систем линейных уравнений	Системы линейных уравнений, основные понятия. Методы решения определенных систем уравнений: метод Крамера, матричный метод. Метод Гаусса решения систем уравнений. Исследование систем линейных уравнений. Критерий совместности.
3	Векторная алгебра и ее приложения	Векторы, основные понятия. Базис. Координаты вектора относительно базиса. Линейные операции над векторами. Скалярное умножение векторов. Системы координат на плоскости и в пространстве.
4	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	Простейшие задачи геометрии в координатах. Прямая линия на плоскости. Линии второго порядка. Плоскость. Поверхности вращения. Поверхности второго порядка.

5	Линейное пространство. Линейный оператор	Линейно зависимые системы векторов и их свойства. Базис линейного пространства. Размерность линейного пространства. Линейный оператор. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора
---	---	---

### 5.2. Практические занятия

Наименование темы	Содержание темы
Матрицы и определители	Матрицы. Выполнение операций над матрицами. Методы вычисления определителей. Нахождение матрицы, обратной данной. Ранг матрицы, методы вычисления ранга матрицы
Решение систем линейных уравнений	Методы решения определенных систем уравнений: метод Крамера, матричный метод. Метод Гаусса решения систем уравнений. Исследование систем линейных уравнений.
Векторная алгебра и ее приложения	Векторы, основные понятия. Базис. Координаты вектора относительно базиса. Линейные операции над векторами. Скалярное, векторное и смешанное умножение векторов. Приложение векторов к решению геометрических задач.
Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	Системы координат на плоскости и в пространстве. Простейшие задачи геометрии в координатах. Прямая линия на плоскости. Линии второго порядка. Плоскость. Поверхности вращения. Поверхности второго порядка.
Линейное пространство. Линейный оператор	Линейно зависимые системы векторов и их свойства. Базис линейного пространства. Размерность линейного пространства. Линейный оператор. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора.

### 6. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Содержание темы (раздела)	Трудоемкость в академических часах
1	Матрицы и определители	Выполнение домашних теоретико-практических заданий	10
2	Решение систем линейных уравнений	Выполнение домашних практических заданий. Подготовка к самостоятельной работе	10
3	Векторная алгебра и ее приложения	Выполнение текущих домашних заданий. Подготовка к самостоятельной работе	10
4	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	Выполнение текущих домашних заданий. Подготовка к контролю знаний	10
5	Линейное пространство.	Выполнение текущих домашних заданий.	18

## 7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

При освоении дисциплины используются сочетания видов учебной работы с методами и формами активизации познавательной деятельности студентов для достижения запланированных результатов обучения и формирования компетенций.

При работе используется диалоговая форма ведения лекций с постановкой и решением проблемных задач, обсуждением дискуссионных моментов, проблемная лекция, лекция-визуализация, лекция-беседа, лекция-консультация.

При проведении практических занятий создаются условия для максимально самостоятельного выполнения заданий. При проведении практического занятия преподавателю рекомендуется провести экспресс-опрос (устно или в тестовой форме) по теоретическому материалу, необходимому для выполнения работы; проверить правильность выполнения заданий, подготовленных студентом дома.

Любое практическое занятие включает самостоятельную проработку теоретического материала и изучение методики решения типичных задач. Некоторые задачи содержат элементы научных исследований, которые могут потребовать углубленной самостоятельной проработки теоретического материала. На практических занятиях используются неигровые имитационные методы обучения: занятия с применением затрудняющих условий, метод группового решения творческих задач. При организации внеаудиторной самостоятельной работы по данной дисциплине преподавателю рекомендуется использовать следующие ее формы: решение студентом самостоятельных задач обычной сложности, направленных на закрепление знаний и умений; выполнение индивидуальных заданий повышенной сложности, направленных на развитие у студентов научного мышления и инициативы.

## 8. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины: экзамен.

Вопросы к экзамену

1. Понятие матрицы. Линейные операции над матрицами. Свойства операций
2. Умножение матриц. Свойства операции умножения матриц.
3. Определители второго и третьего порядков.
4. Определители  $n$ -го порядка. Свойства определителей.
5. Вычисление определителей с использованием их свойств.
6. Матрица, обратная данной. Вычисление обратной матрицы.
7. Определение ранга матрицы. Вычисление ранга матрицы с использованием его определения.
8. Элементарные преобразования матриц. Вычисление ранга матрицы путем её приведения к трапециевидной.
9. Системы линейных алгебраических уравнений. Основные понятия.
10. Метод Крамера решения определенной системы линейных уравнений.
11. Матричный метод решения определённой системы линейных уравнений.
12. Исследование систем линейных уравнений. Критерий совместности.
13. Метод Гаусса решения систем уравнений.
14. Векторы, основные понятия. Линейные операции над векторами.
15. Координаты вектора относительно базиса. Линейные операции над векторами в координатах
16. Скалярное умножение векторов. Приложения.
17. Системы координат на плоскости и в пространстве. Координаты точки.
18. Простейшие задачи геометрии в координатах.
19. Способы задания прямой на плоскости и её уравнения.
20. Общее уравнение прямой на плоскости.
21. Угол между прямыми на плоскости.
22. Параллельность и перпендикулярность прямых.
23. Изображение прямых в системе координат.
24. Линии второго порядка. Канонические уравнения. Изображение.

25. Способы задания плоскости.
26. Взаимное расположение плоскостей.
27. Определение линейного пространства.
28. Аксиомы линейного пространства.
29. Базис линейного пространства.
30. Размерность линейного пространства.
31. Понятие линейного оператора.
32. Собственные векторы и собственные числа линейного оператора.
33. Определение квадратичной формы.
34. Знакоопределенность квадратичной формы.
35. Критерий Сильвестра.

## **9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### а) литература

1. Бурмистрова, Е. Б. Линейная алгебра: учебник и практикум для академического бакалавриата / Е. Б. Бурмистрова, С. Г. Лобанов. – Москва : Издательство Юрайт, 2019. – 421 с. – (Бакалавр. Академический курс). – ISBN 978-5-9916-3588-2. – Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. – URL: <https://urait.ru/bcode/425852>
2. Горлач, Б. А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия : учебник для вузов / Б. А. Горлач. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 300 с. – ISBN 978-5-507-44063-4. – Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. – URL: <https://e.lanbook.com/book/208664>
3. Горлач, Б. А. Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Практикум для студентов технических и экономических специальностей вузов: учебное пособие для вузов / Б. А. Горлач, Е. П. Ростова. – Санкт-Петербург: Лань, 2021. – 144 с. – ISBN 978-5-8114-6737-2. – Текст : электронный // Лань: электронно-библиотечная система. – URL: <https://e.lanbook.com/book/162373>
4. Беклемишев, Д. В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: учебник для вузов / Д. В. Беклемишев. – 19-е изд., стер. – Санкт-Петербург: Лань, 2022. – 448 с. – ISBN 978-5-8114-9223-7. – Текст: электронный // Лань : электронно- библиотечная система. – URL: <https://e.lanbook.com/book/189312>
5. Привалов, И. И. Аналитическая геометрия: учебник для вузов / И. И. Привалов. – 40-е изд., стер. – Москва: Издательство Юрайт, 2021. – 233 с. – (Высшее образование). – ISBN 978-5-534-01262-0. – Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. – URL: <https://urait.ru/bcode/469966>
6. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: метод. указания для самостоят. работы: сб. учеб.- метод. материалов для направления подготовки 24.03.01 и спец. 24.05.01 / АмГУ, ФМиИ; сост.: А. П. Филимонова, Т. А. Юрьева, Н. Н. Двоерядкина. – Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. – 49 с. – Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7782.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7782.pdf)
7. Матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений [Электронный ресурс]: учеб.-метод. пособие / Т. А. Юрьева, А. П. Филимонова, Н. Н. Двоерядкина; АмГУ, ФМиИ. – Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. – 44 с. – Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7373.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7373.pdf)
8. Геометрия в пространстве [Электронный ресурс]: учеб.- метод. пособие / Т. А. Юрьева, А. П. Филимонова, Н. Н. Двоерядкина; АмГУ, ФМиИ, Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. – 61 с. – Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7370.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7370.pdf)
9. Аналитическая геометрия: планиметрия [Электронный ресурс]: учеб.- метод. пособие / Т. А. Юрьева, А. П. Филимонова, Н. Н. Двоерядкина; АмГУ, ФМиИ. – Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. – 51 с. – Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7375.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7375.pdf)
10. Евклидово пространство. Квадратичные формы [Электронный ресурс]: учеб.- метод. пособие / А. П. Филимонова, Т. А. Юрьева, Н. Н. Двоерядкина; АмГУ, ФМиИ. – Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. – 45 с. – Режим доступа: <http://>

irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\_Edition/7678.pdf

11. Линейные пространства. Линейные операторы [Электронный ресурс]: учеб.-метод. пособие / А. П. Филимонова, Н. Н. Двоерядкина, Т. А. Юрьева; АмГУ, ФМиИ. – Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. – 43 с. – Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7670.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7670.pdf)

12. Практикум по линейной алгебре и аналитической геометрии [Электронный ресурс]: учеб.-метод. пособие / Т. А. Юрьева, А. П. Филимонова, Н. Н. Двоерядкина; АмГУ, ФМиИ. – Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2017. – 51 с. – Режим доступа: [http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU\\_Edition/7513.pdf](http://irbis.amursu.ru/DigitalLibrary/AmurSU_Edition/7513.pdf)

б) программное обеспечение и Интернет-ресурсы

№	Наименование	Описание
1	Операционная система MS Windows 7 Pro	DreamSpark Premium Electronic Software Delivery (3 years) Renewal по договору - Сублицензионный договор № Tr000074357/КНВ 17 от 30 июня 2019 года.
2	LibreOffice	Бесплатное распространение по лицензии GNU LGPL <a href="https://ru.libreoffice.org/about-us/license/">https://ru.libreoffice.org/about-us/license/</a>
3	<a href="http://e.lanbook.com">http://e.lanbook.com</a>	Электронно - библиотечная система издательства "Лань"
4	<a href="https://urait.ru">https://urait.ru</a>	Электронная библиотечная система, предоставляющая доступ к учебной и научной литературе в электронном виде с соответствующими сервисами

в) профессиональные базы данных и информационные справочные системы

№	Наименование	Описание
1	Единое окно доступа к образовательным ресурсам	Информационная система, предоставляющая свободный доступ к каталогу образовательных Интернет-ресурсов и полнотекстовой электронной учебно-методической библиотеке для общего и профессионального образования
2	eLIBRARY.RU	Российский информационно-аналитический портал в области науки, технологии, медицины и образования
3	Google Scholar	Поисковая система по полным текстам научных публикаций всех форматов и дисциплин
4	Math-Net.Ru	Общероссийский математический портал. Современная информационная система, предоставляющая российским и за-рубежным математикам различные возможности в поиске информации о математической жизни в России

**10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

При освоении учебной дисциплины используются аудитории, оборудованные мультимедийными средствами обучения, для проведения лекционных и практических занятий, для демонстрации домашнего задания, выполняемого студентами самостоятельно.

Материально-техническая база обеспечивает проведение всех видов, дисциплинарной и междисциплинарной подготовки, лабораторной, практической и научно-исследовательской работы обучающихся, предусмотренных учебным планом и соответствует действующим санитарным и противопожарным правилам и нормам.

Самостоятельная работа студентов осуществляется в помещениях, оснащенных компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду



университета.