

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
"Амурский государственный университет"

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной и  
научной работе

Лейфа А.В. Лейфа

« 1 » сентября 2022 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
«ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»

Направление подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) образовательной программы – Прикладная математика и информатика

Квалификация выпускника – Бакалавр

Год набора – 2022

Форма обучения – Очная

Курс 3 Семестр 5,6

Экзамен 6 сем Зачет 5 сем

Общая трудоемкость дисциплины 252 (академ. час), 7.00 (з.е)

Составитель Л.И. Мороз, старший преподаватель, канд. физ.-мат. наук

Факультет математики и информатики

Кафедра математического анализа и моделирования

Рабочая программа составлена на основании Федерального государственного образовательного стандарта ВО для направления подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 10.01.2018 № 9

Рабочая программа обсуждена на заседании кафедры математического анализа и моделирования

01.09.2022 г. , протокол № 1

Заведующий кафедрой Максимова Н.Н. Максимова

СОГЛАСОВАНО

Учебно-методическое управление

Чалкина Н.А. Чалкина

« 1 » сентября 2022 г.

СОГЛАСОВАНО

Научная библиотека

Петрович О.В. Петрович

« 1 » сентября 2022 г.

СОГЛАСОВАНО

Выпускающая кафедра

Максимова Н.Н. Максимова

« 1 » сентября 2022 г.

СОГЛАСОВАНО

Центр цифровой трансформации и  
технического обеспечения

Тодосейчук А.А. Тодосейчук

« 1 » сентября 2022 г.

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

### Цель дисциплины:

ознакомление студентов с базовыми понятиями и методами теории вероятностей и математической статистики.

### Задачи дисциплины:

- изучение основных понятий, методов, приемов и средств работы с вероятностными объектами;
- приобретение навыков получения вероятностных оценок, прогнозирования, отбора оптимальных (наиболее вероятных) результатов анализа;
- формирование базовых знаний, умений и навыков для успешного (в т.ч. самостоятельного) освоения различных технологий и средств вероятностного анализа и статистической обработки результатов наблюдений процессов и явлений.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» входит в обязательную часть Б1 учебного плана направления подготовки 01.03.02 – Прикладная математика и информатика.

## 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И ИНДИКАТОРЫ ИХ ДОСТИЖЕНИЯ

### 3.1 Общефессиональные компетенции и индикаторы их достижения

Категория (группа) общепрофессиональных компетенций	Код и наименование общепрофессиональной компетенции	Код и наименование индикатора достижения общепрофессиональной компетенции
Теоретические и практические основы профессиональной деятельности	ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ИДК-1ОПК-1 Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук ИДК-2ОПК-1 Умеет использовать в профессиональной деятельности знания, полученные в области математических и (или) естественных наук ИДК-3ОПК-1 Имеет навыки выбора методов решения задач профессиональной деятельности на основе теоретических сведений

## 4. СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7.00 зачетных единицы, 252 академических часов.

1 – № п/п

2 – Тема (раздел) дисциплины, курсовая работа (проект), промежуточная аттестация

3 – Семестр

4 – Виды контактной работы и трудоемкость (в академических часах)

4.1 – Л (Лекции)

4.2 – Лекции в виде практической подготовки

4.3 – ПЗ (Практические занятия)

4.4 – Практические занятия в виде практической подготовки

4.5 – ЛР (Лабораторные работы)

4.6 – Лабораторные работы в виде практической подготовки

4.7 – ИКР (Иная контактная работа)

4.8 – КТО (Контроль теоретического обучения)

4.9 – КЭ (Контроль на экзамене)

5 – Контроль (в академических часах)

6 – Самостоятельная работа (в академических часах)

7 – Формы текущего контроля успеваемости

1	2	3	4									5	6	7
			4.1	4.2	4.3	4.4	4.5	4.6	4.7	4.8	4.9			
1	Основные понятия теории вероятности	5	4		8								8	устный опрос, проверка домашнего задания.
2	Повторные независимые испытания	5	2		4								8	устный опрос, проверка домашнего задания.
3	Случайные величины	5	2		6								8	устный опрос, проверка домашнего задания.
4	Основные законы распределения	5	4		6								8	устный опрос, проверка домашнего задания.
5	Закон больших чисел и предельные теоремы	5	4		6								8	устный опрос, проверка домашнего задания.
6	Цепи Маркова	5	2		4								8	устный опрос, проверка домашнего задания.
7	Зачет	5								0.2			7.8	
8	Описательная статистика. Оценки параметров распределения	6	6		6		6						15	устный опрос, ЛР №1.
9	Проверка статистических гипотез	6	6		6		6						15	устный опрос, ЛР №2
10	Корреляционный и регрессионный анализ	6	6		4		6						26	устный опрос, ЛР №3.
11	Экзамен	6									0.3	35.7		
	Итого			36.0		50.0		18.0	0.0	0.2	0.3	35.7	111.8	

## 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### 5.1. Лекции

№ п/	Наименование темы	Содержание темы (раздела)
------	-------------------	---------------------------

п	(раздела)	
1	Основные понятия теории вероятности	События и действия над ними. Определение вероятности. Элементы комбинаторики. Условная вероятность события. Вероятность суммы двух событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
2	Повторные независимые испытания	Формула Бернулли. Формула Пуассона. Локальная и интегральная теорема Муавра-Лапласа. Полиномиальная схема.
3	Случайные величины	Закон распределения случайной величины. Математические операции над случайными величинами. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины. Функция распределения случайной величины. Непрерывные случайные величины.
4	Основные законы распределения	Биномиальное распределение. Закон распределения Пуассона. Равномерный закон распределения. Показательный закон распределения. Нормальный закон распределения.
5	Закон больших чисел и предельные теоремы	Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема.
6	Цепи Маркова	Однородные цепи Маркова.
7	Описательная статистика. Оценки параметров распределения	Генеральная совокупность. Выборка. Выбор. Вариационный и статистический ряды. Дискретный статистический ряд. Интервальный статистический ряд. Функция распределения выборки. Выборочные числовые характеристики. Оценки параметров распределения. Определение и свойства статистической оценки. Точечные оценки неизвестных параметров. Доверительные интервалы и этические проблемы.
8	Проверка статистических гипотез	Основные понятия. Критерий согласия. Проверка некоторых гипотез.
9	Корреляционный и регрессионный анализ	Понятие корреляционной связи. Задачи корреляционного анализа. Выборочный коэффициент линейной корреляции и его свойства. Вычисление выборочного коэффициента линейной корреляции. Доверительный интервал для коэффициента корреляции. Корреляция и причинная связь. Коэффициент ранговой корреляции Спирмена. Корреляция дихотомических признаков. Аппроксимационные модели. Определение параметров аппроксимирующих функций по методу наименьших квадратов. Определение уравнений линейных регрессий. Критерий Фишера проверки адекватности модели. Оценка значимости параметров регрессии. Интервальный прогноз на основе линейного уравнения регрессии.

## 5.2. Практические занятия

Наименование темы	Содержание темы
Основные понятия теории вероятности	События и действия над ними. Определение вероятности. Элементы комбинаторики. Условная вероятность события. Вероятность суммы двух событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
Повторные независимые испытания	Формула Бернулли. Формула Пуассона. Локальная и интегральная теорема Муавра-Лапласа. Полиномиальная схема.
Случайные величины	Закон распределения случайной величины. Математические операции над случайными величинами. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины. Функция распределения случайной величины. Непрерывные случайные величины.
Основные законы распределения	Биномиальное распределение. Закон распределения Пуассона. Равномерный закон распределения. Показательный закон распределения. Нормальный закон распределения.
Закон больших чисел и предельные теоремы	Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема.
Цепи Маркова	Однородные цепи Маркова.
Описательная статистика. Оценки параметров распределения	Генеральная совокупность. Выборка. Выбор. Вариационный и статистический ряды. Дискретный статистический ряд. Интервальный статистический ряд. Функция распределения выборки. Выборочные числовые характеристики. Оценки параметров распределения. Определение и свойства статистической оценки. Точечные оценки неизвестных параметров. Доверительные интервалы и этические проблемы.
Проверка статистических гипотез	Критерий согласия. Проверка некоторых гипотез.
Корреляционный и регрессионный анализ	Задачи корреляционного анализа. Выборочный коэффициент линейной корреляции и его свойства. Вычисление выборочного коэффициента линейной корреляции. Доверительный интервал для коэффициента корреляции. Корреляция и причинная связь. Коэффициент ранговой корреляции Спирмена. Корреляция дихотомических признаков. Аппроксимационные модели. Определение параметров аппроксимирующих функций по методу наименьших квадратов. Определение уравнений линейных регрессий. Критерий Фишера проверки адекватности модели. Оценка значимости параметров регрессии. Интервальный прогноз на основе линейного уравнения регрессии.

## 5.3. Лабораторные занятия

Наименование темы	Содержание темы
Генерация случайных чисел с заданным законом распределения	Генерация случайных чисел в Excel. Статистические функции пакета Excel.
Проверка статистических гипотез	Понятие статистической гипотезы. Основные этапы проверки гипотезы. Проверка гипотез о числовых значениях параметров. Сравнение выборочной средней с гипотетической генеральной средней нормальной совокупности (со стандартом, нормативом). Проверка гипотез о равенстве числовых характеристик генеральных совокупностей. Проверка гипотезы о равенстве долей признака. Исключение резко выделяющихся наблюдений. Проверка гипотезы о виде распределения. Критерий согласия Пирсона.
Линейная регрессия	Построение модели парной регрессии. Оценки погрешности регрессии.

## 6. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Содержание темы (раздела)	Трудоемкость в академических часах
1	Основные понятия теории вероятности	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
2	Повторные независимые испытания	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
3	Случайные величины	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
4	Основные законы распределения	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
5	Закон больших чисел и предельные теоремы	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
6	Цепи Маркова	повторение пройденного материала, выполнение домашнего задания	8
7	Зачет	подготовка к зачету	7.8
8	Описательная статистика. Оценки параметров распределения	повторение пройденного материала, подготовка к защите лабораторной работы	15
9	Проверка статистических гипотез	повторение пройденного материала, подготовка к защите лабораторной работы	15
10	Корреляционный и регрессионный анализ	повторение пройденного материала, подготовка к защите лабораторной работы	26

## 7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

## 7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

В соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.02 – Прикладная математика и информатика реализация компетентного подхода предусматривает широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся.

При преподавании дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» используются инновационные технологии (применение мультимедийного проектора при изучении отдельных тем, «мозговой штурм», «метод проектов», возможно использование ресурсов сети Internet и электронных учебников).

Практические занятия проводятся с использованием традиционной, активной и интерактивной форм обучения.

Интерактивные формы обучения используются на лекционных и практических занятиях:

1. Случайные величины. Основные законы распределения. (Проблемная лекция), (Метод группового решения задач)

2. Математическая статистика. Статистическое оценивание. Проверка статистических гипотез. (Проблемная лекция), (Метод группового решения задач)

## 8. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания, типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций, а также методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений и навыков отражены в фонде оценочных средств по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика».

В конце 5 семестра предусмотрен зачет, а в конце 6 – экзамен.

Примерный список вопросов к зачету

1. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.
2. Классическое определение вероятности, случайные события, элементарные исходы, свойства классической вероятности.
3. Совместные и несовместные события. Теорема сложения вероятностей (с доказательством).
4. Зависимые и независимые события. Теорема умножения вероятностей (с доказательством).
5. Условная вероятность. Теорема о формуле полной вероятности, формулы Байеса.
6. Понятие распределения вероятностей случайных событий. Схема независимых испытаний. Формула Бернулли.
7. Случайные величины: определение, функция распределения случайной величины и ее свойства, независимые случайные величины.
8. Определения числовых характеристик дискретных и непрерывных случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, мода, медиана, центральные и начальные моменты.
9. Свойства математического ожидания и дисперсии дискретной случайной величины (с доказательствами).
10. Биномиальное распределение, вычисление математического ожидания и дисперсии биномиально распределенной случайной величины.
11. Геометрическое распределение. Распределение Пуассона. Вычисление основных числовых характеристик этих распределений.
12. Непрерывные случайные величины. Вычисление математического ожидания и дисперсии для равномерно и нормально распределенных случайных величин.
13. Функция распределения непрерывной случайной величины и ее свойства. Функция плотности распределения. Мода, медиана. Начальные и центральные моменты.
14. Понятие о законе больших чисел. Неравенство Чебышева (с доказательством).



Закон больших чисел в схеме Бернулли.

15. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема Ляпунова.

16. Цепи Маркова.

Примерный список вопросов к экзамену

1. Основные понятия математической статистики: генеральная совокупность, выборка, выборочные характеристики. Методы отбора.

2. Статистические оценки и их свойства: несмещенность, эффективность и состоятельность.

3. Представление статистических данных. Полигон частот. Гистограмма.

4. Доказательство несмещенности и состоятельности выборочного среднего. Исправленная выборочная дисперсия.

5. Точечные статистические оценки параметров распределения. Метод моментов и метод наибольшего правдоподобия. Функция правдоподобия для дискретного и непрерывного случаев.

6. Доверительные интервалы, надежность. Построение доверительных интервалов для математического ожидания нормального распределения (с известной дисперсией).

7. Доверительные интервалы для дисперсии нормально распределенной случайной величины.

8. Интервальные и точечные оценки вероятности биномиального распределения по относительной частоте.

9. Статистические гипотезы, постановка задачи построения критерия проверки статистической гипотезы. Уровень значимости и мощность критерия. Параметрический критерий.

10. Основы корреляционного анализа.

11. Основы регрессионного анализа.

## **9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

а) литература

1. Туганбаев, А. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / А. А. Туганбаев, В. Г. Крупин. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 320 с. — ISBN 978-5-8114-1079-8. — Текст : электронный // Лань : электронно- библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210536> (дата обращения: 17.03.2022). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

2. Гюнтер, Н. М. Сборник задач по высшей математике : учебное пособие / Н. М. Гюнтер, Р. О. Кузьмин. — 13-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 816 с. — ISBN 5-8114-0490-5. — Текст : электронный // Лань : электронно- библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210200> (дата обращения: 17.03.2022). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

3. Емельянов, Г. В. Задачник по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие / Г. В. Емельянов, В. П. Скитович. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 332 с. — ISBN 978-5-8114-3984-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/206273> (дата обращения: 17.03.2022). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

4. Андронов, А. М. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст] : учеб. / А. М. Андронов, Е.А. Копытов, Л.Я. Гринглаз. - СПб. : Питер, 2004. - 461 с.: рис. - (Учебник для вузов). - Алф. указ. : с. 455-460. - ISBN 5-94723-615-X (в пер.)

5. Боровков, А. А. Теория вероятностей [Текст] : учеб. пособие : рек. УМО / А.А. Боровков. - 5-е изд., перераб. и доп. - М. : Либроком, 2009. - 652 с. - Библиогр. : с. 645. - Предм. указ. : с. . - ISBN 978-5-397-00582-1 (в пер.)

6. Труфанов, В. А. Практикум по теории вероятностей и теории случайных процессов [Текст] : учеб. пособие / В. А. Труфанов, Т. В. Труфанова ; АмГУ, ФМиИ. - Благовещенск: Изд-во Амур. гос. ун-та, 2010. - 100 с. 6. Труфанов, В. А. Типовой расчет по курсу "Теория вероятностей и математическая статистика" [Текст] : Учеб. -

метод. пособие : рек. ДВ РУМЦ / В. А. Труфанов, А. В. Рыженко; АмГУ, ФМИ. - Благовещенск : Изд-во Амур. гос. ун-та, 2006. - 112 с. : рис. - Библиогр. : с. 109.

7. Шамолин, М. В. Высшая математика [Текст] : учеб.: рек. УМС / М.В. Шамолин. - М. : Экзамен, 2009. - 910 с. - (Учебник для вузов). - Библиогр.: с. 906. - ISBN 978-5-377-01452-2 (в пер.)

8. Семенчин, Е. А. Теория вероятностей в примерах и задачах [Текст] : учеб. пособие: рек. УМО / Е. А. Семенчин. - СПб. : Лань, 2007. - 352 с. - (Учебники для вузов. Спец. лит.). - Библиогр.: с. 350. - ISBN 978-5-8114-0648-7 (в пер.)

б) программное обеспечение и Интернет-ресурсы

№	Наименование	Описание
1	Операционная система MS Windows 7 Pro	DreamSpark Premium Electronic Software Delivery (3 years) Renewal по договору - Сублицензионный договор № Tr000074357/КНВ 17 от 30 июня 2019 года.
2	MS Office 2010 standard	лицензия Microsoft office 2010 Standard RUS OLP ML Academic 50, договор №492 от 28 июня 2012 года.
3	Google Chrome	Бесплатное распространение по лицензии google chromium <a href="http://code.google.com/intl/ru/chromium/terms.html">http://code.google.com/intl/ru/chromium/terms.html</a> на условиях <a href="https://www.google.com/chrome/browser/privacy/eula_text.html">https://www.google.com/chrome/browser/privacy/eula_text.html</a> .
4	<a href="http://www.amursu.ru">http://www.amursu.ru</a>	Официальный сайт ФГОУ ВО «Амурский государственный университет»
5	<a href="http://www.iprbookshop.ru/">http://www.iprbookshop.ru/</a>	Научно-образовательный ресурс для решения задач обучения в России и за рубежом. Уникальная платформа ЭБС IPRbooks объединяет новейшие информационные технологии и учебную лицензионную литературу.
6	<a href="http://e.lanbook.com">http://e.lanbook.com</a>	Электронно-библиотечная система Издательство «Лань» – тематические пакеты: математика, физика, инженерно-технические науки. Ресурс, включающий в себя как электронные версии книг издательства «Лань» и других ведущих издательств учебной литературы, так и электронные версии периодических изданий по естественным, техническим и гуманитарным наукам.

в) профессиональные базы данных и информационные справочные системы

№	Наименование	Описание
1	<a href="http://window.edu.ru">http://window.edu.ru</a>	Единое окно доступа к образовательным ресурсам
2	<a href="https://uisrussia.msu.ru/">https://uisrussia.msu.ru/</a>	Университетская информационная система РОССИЯ (УИС РОССИЯ).
3	<a href="https://elibrary.ru/">https://elibrary.ru/</a>	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU - российский информационно-аналитический портал в области науки, технологии, медицины и образования
4	<a href="http://www.mathnet.ru/">http://www.mathnet.ru/</a>	Math-Net.Ru. Общероссийский математический портал. Современная информационная система, предоставляющая российским и зарубежным математикам различные возможности в поиске информации о математической жизни в России.

**10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Занятия по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» проводятся в специальных помещениях, представляющих собой учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, групповых и

индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Специальные помещения укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории. Все помещения, в которых проводятся занятия, соответствуют действующим противопожарным правилам и нормам.

Каждый обучающийся обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронно-библиотечным системам и к электронной информационно-образовательной среде университета.

Самостоятельная работа обучающихся осуществляется в помещениях, оснащенных компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета

На занятиях применяется следующее техническое оборудование: ПЭВМ на базе процессора Intel Pentium, проектор.